



Coordenadoria  
de Educação

MATEMÁTICA 8º ANO  
1º BIMESTRE / 2011

# MATEMÁTICA

## 1º BIMESTRE

### 8º ANO

ESCOLA MUNICIPAL: \_\_\_\_\_ Turma: \_\_\_\_\_

NOME: \_\_\_\_\_

2011

Secretaria Municipal de Educação

PREFEITURA DA CIDADE DO RIO DE JANEIRO  
**EDUARDO PAES**

SECRETARIA MUNICIPAL DE EDUCAÇÃO  
**CLAUDIA COSTIN**

SUBSECRETARIA DE ENSINO  
**REGINA HELENA DINIZ BOMENY**

COORDENADORIA DE EDUCAÇÃO  
**MARIA DE NAZARETH MACHADO DE BARROS  
VASCONCELLOS**

COORDENADORIA TÉCNICA  
**MARIA SOCORRO RAMOS DE SOUZA  
MARIA DE FÁTIMA CUNHA**

CONSULTORIA  
**LILIAN NASSER**

ELABORAÇÃO  
**TERESINHA VALENTE SOARES**

REVISÃO  
**SIMONE CARDOZO VITAL DA SILVA**

DESIGN GRÁFICO  
**MARIA DE FÁTIMA CUNHA  
BEATRIZ ALVES DOS SANTOS**





Prezado(a) Estudante,

Os Cadernos de Apoio Pedagógico já fazem parte do seu cotidiano escolar, desde o ano passado. Você recebeu cadernos relacionados aos conteúdos dos bimestres e outros de temas específicos. Todos foram produzidos, especialmente para você, que está conectado com o mundo ao seu redor.

Este novo material pedagógico traz assuntos pertinentes ao 8º ano e convidam você a ampliar seus conhecimentos numéricos, algébricos e geométricos. No decorrer das páginas, você terá a oportunidade de experimentar a matemática por meio de reflexões, resoluções de problemas e desafios, na troca de ideias com os colegas, na observação do mundo a sua volta.

Empenhe-se para realizar as atividades propostas de forma organizada, participando, efetivamente, de todas elas. Seu envolvimento trará um lucro precioso: o prazer de aprender.

Prof.<sup>a</sup> Teresinha Valente  
Equipe de Matemática

Os números precisam ser estudados sempre...

O valor de uma corrida de táxi.



R\$ 21,50

R\$ 21,50 como valor da corrida de táxi. Lemos esta quantidade assim: vinte e um reais e cinquenta centavos.

Cinquenta centavos é a **metade** de um real.  
Pode ser representado pelo número decimal R\$ 0,50.



A parte do livro que o menino leu.

$\frac{1}{2}$  das páginas do livro

$\frac{1}{2}$  como quantidade de páginas lidas.

Esse número, uma fração, é lido como um meio e significa **metade**.

Quando dividimos um inteiro em duas partes iguais, cada uma dessas partes é a metade do inteiro.

Então, podemos registrar que  $\frac{1}{2} = 0,5$  porque essas duas representações simbolizam **metade**.

Vamos verificar com outros valores:



Dez centavos é um décimo de um real. Isto é, são necessárias \_\_\_\_\_ moedas de dez centavos para formar um real.

Pode ser representado pelo número decimal \_\_\_\_.

A fração que representa um décimo é  $\frac{1}{10}$ .

Portanto, podemos registrar que \_\_\_\_\_ = \_\_\_\_\_ porque essas duas representações simbolizam um décimo.



Vinte e cinco centavos é um quarto de real. Isto é, são necessárias \_\_\_\_\_ moedas de vinte e cinco centavos para completar um real.

Pode ser representado pelo decimal \_\_\_\_\_.

A fração que representa um quarto de real é \_\_\_\_\_.

Portanto, podemos registrar que \_\_\_\_\_ = \_\_\_\_\_ porque essas duas representações simbolizam um quarto.

Retomando:


$$\frac{1}{2} = 0,50 = 0,5$$

$$\frac{1}{10} = 0,10 = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$\frac{1}{4} = 0,25$$



Eu entendi que representam a mesma quantidade.



Fique ligado!

A fração é uma parte do todo, portanto o todo foi dividido em partes iguais. Nos casos que estamos estudando, o real foi dividido em partes iguais.

$$\frac{1}{2} \leftrightarrow 1 \div 2$$

Então, um real é o mesmo que  $2 \times 0,50$ .



Podemos ainda efetuar a divisão:

$$\begin{array}{r}
 1 \overline{) 2} \\
 \underline{\phantom{0,}} \\
 0,
 \end{array}
 \rightarrow
 \begin{array}{r}
 10 \overline{) 2} \\
 \underline{\phantom{0,}} \\
 0 \quad 0,5
 \end{array}$$

Vamos verificar com outras frações:

$$\frac{1}{10} \leftrightarrow 1 \div 10$$

Um real é o mesmo que 10 x \_\_\_\_\_.

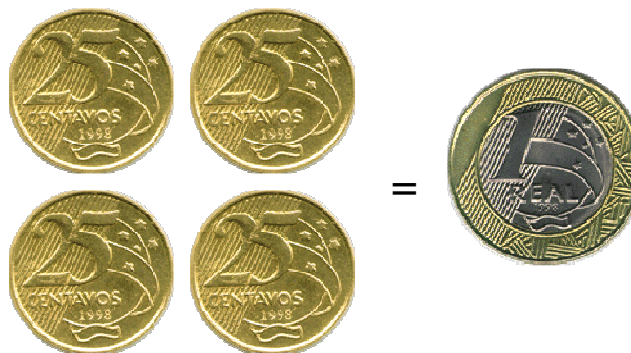
Efetuada a divisão:  $1 \overline{)10}$   
0, \_



$$\frac{1}{4} \leftrightarrow 1 \div \underline{\quad}$$

Um real é o mesmo que 4 x \_\_\_\_\_.

Dividindo:  $1 \overline{)4}$   
0, \_



O mesmo vai acontecer com outras frações.

$$\frac{3}{4} \leftrightarrow 3 \div 4$$

Se um quarto do real é o mesmo que R\$ 0,25, então três quartos são \_\_\_\_\_ .



Um quarto



Três quartos

$$0,25 + 0,25 + 0,25 = \underline{\quad}$$

Dividindo:  $3 \overline{)4} \rightarrow \begin{array}{r} 30 \\ 20 \\ \hline 0, \end{array}$      $30 \overline{)4} \rightarrow \begin{array}{r} 30 \\ 20 \\ \hline 0,7 \end{array}$      $30 \overline{)4} \rightarrow \begin{array}{r} 30 \\ 20 \\ \hline 0 \quad 0,75 \end{array}$



O par de moedas ao lado corresponde a \_\_\_\_\_ centavos.

Representamos essa quantia usando números decimais  $\rightarrow$  \_\_\_\_\_



As três moedas abaixo representam trinta centavos.



O número decimal que simboliza essa quantia é 0,30.

A fração correspondente a essa quantia é  $\frac{30}{100}$ .

Mas se uma dessas moedas equivale a um décimo do real, então usando três dessas moedas, temos três décimos.

Podemos registrar que as duas frações obtidas com trinta centavos são equivalentes. Logo:

$$\frac{30}{100} = \frac{3}{10}$$



A partir de números decimais podemos obter frações.

A palavra **centavos** está relacionada a **centésimos**, que na fração determina o denominador **cem**.

Para escrever um número decimal que simboliza uma quantia, precisamos destacar que, já que são **centavos**, temos **centésimos**, portanto é um número com duas casas **decimais**.

1) Complete:

a) A moeda ao lado representa \_\_\_\_\_centavos.

A fração correspondente a cinco centésimos é \_\_\_\_\_.



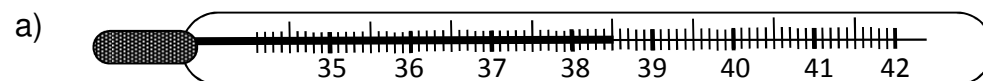
b) A moeda ao lado representa \_\_\_\_\_centavo.

O número decimal que simboliza essa quantia é \_\_\_\_\_.

A fração correspondente a essa quantia é \_\_\_\_\_.



2) No termômetro usado para medir a temperatura do corpo, é possível medir temperaturas que variam de 34 graus Celsius a 42 graus Celsius. Escreva, por extenso e com algarismos, as temperaturas marcadas em cada termômetro. (Apostila do Curso Projeto Fundação/ 2010)



Os números decimais estão no nosso cotidiano, como, por exemplo, nas representações monetárias e em medições.

Até a página 7, todas as frações com que trabalhamos podem ser escritas como decimais exatos. Mas nem sempre isso acontece.

Vamos verificar, efetuando as divisões associadas às seguintes frações:

1)  $\frac{5}{9} \leftrightarrow 5 \div 9$

$$\begin{array}{r} 50 \quad | \quad 9 \\ 50 \quad \underline{\phantom{00}} \\ 50 \quad 0,55555 \\ 50 \quad \phantom{00} \\ 50 \quad \phantom{00} \\ 50 \quad \phantom{00} \end{array}$$

Observe que o decimal que aparece no quociente é infinito com repetição de um algarismo, portanto é uma dízima periódica.

Então  $\frac{5}{9} = 0,555\dots$  ou  $0,5\bar{5}$

2)  $\frac{7}{9} \leftrightarrow 7 \div 9$

Complete a divisão: 
$$\begin{array}{r} 7 \quad | \quad 9 \\ 0, \underline{\phantom{00}} \end{array}$$

Então  $\frac{7}{9} = 0,777\dots$  ou \_\_\_\_\_

Fique ligado!



- Ao invés de usar reticências e repetir o período, podemos usar uma barra em cima do algarismo que se repete.
- A fração que dá origem a uma dízima periódica é chamada de **fração geratriz**.

Num prédio com apenas três apartamentos, a conta de água é dividida igualmente entre os proprietários. Se o valor da conta é R\$ 110,00, quanto cada um deve pagar?

Para saber quanto cada proprietário deve pagar precisamos identificar:

o valor da conta: \_\_\_\_\_

a quantidade de proprietários: \_\_\_\_\_.



Efetuando:

$$\frac{\quad}{\quad}$$

O resultado encontrado foi um decimal infinito com algarismo repetido nas casas decimais, logo é uma

\_\_\_\_\_.

Podemos observar que nesse decimal infinito, o algarismo repetido nas casas decimais é o \_\_\_\_\_.

Para responder o problema precisamos levar em conta que as casas decimais da nossa moeda só permitem os centavos, portanto somente duas casas decimais. Com isso, arredondando, cada proprietário vai pagar R\$ \_\_\_\_\_.

- 2) O artilheiro do campeonato estadual de futebol fez 20 gols em 9 jogos. Qual a média de gols por partida desse jogador?

A média de gols feitos por esse jogador é obtida através da divisão do número de gols feitos pelo número de partidas jogadas.

Para isso identificamos:

quantidade de gols feitos: \_\_\_\_\_

quantidade de partidas: \_\_\_\_\_

Efetuando:

$$\frac{\quad}{\quad}$$



No exercício 2 da página 9, o valor encontrado é uma dízima periódica, porque o decimal encontrado no quociente tem \_\_\_\_\_ casas decimais com algarismos \_\_\_\_\_. E a fração geratriz desse decimal é \_\_\_\_\_.

Para responder ao problema, precisamos pensar que não existe um quase gol que tenha sido contado como gol feito. Portanto, o artilheiro fez em média pouco mais de \_\_\_\_\_ gols por partida.

Retomando os registros de frações geratrizes que fizemos até agora:  $\frac{5}{9}$  ;  $\frac{7}{9}$  e  $\frac{20}{9}$

Observe que o denominador delas não é dez, nem cem, nem mil. Portanto, não são frações decimais.

Nestes casos, o nove no denominador caracteriza as \_\_\_\_\_ periódicas.

Uma outra fração foi registrada:  $\frac{110}{3}$

Determinando a fração equivalente a ela teremos:  $\frac{330}{9} \rightarrow \frac{110}{3} = \frac{330}{9}$

Confirmamos então a mesma característica.

Existem outras frações geratrizes, tais como  $\frac{75}{90}$  ,  $-\frac{11}{90}$  ,  $\frac{27}{99}$  ,  $\frac{1125}{990}$  todas com denominador que inclui

o \_\_\_\_\_ como algarismo inicial, podendo variar de acordo com a característica da dízima periódica.



Mas como é que se encontra a fração geratriz de uma dízima periódica?

Acompanhe os procedimentos nos exemplos com os números 0,77777... e 1,232323...



Chamamos o número 0,77777... de x, escrevendo a igualdade:

$$x = 0,77777\dots$$

Multiplicando os dois membros por 10, obtemos uma nova igualdade:

$$10x = 7,77777\dots$$

Subtraindo a primeira igualdade da segunda, membro a membro, temos:

$$10x - x = 7,77777\dots - 0,77777\dots$$

$$9x = 7$$

Dividindo os dois membros por 9:

$$\frac{9x}{9} = \frac{7}{9}$$

$$x = \frac{7}{9}$$



Entendi. Nestes casos, se o período for formado por um algarismo, multiplico por 10. Se for formado por dois algarismos multiplico por 100.

Escrevemos a igualdade:  $x = 1,232323\dots$

Multiplicamos os dois membros por 100:

$$100x = 123,2323\dots$$

Subtraindo a primeira igualdade da segunda, temos:

$$100x - x = 123,2323\dots - 1,2323\dots$$

$$99x = 122$$

$$\frac{99x}{99} = \frac{122}{99}$$

$$x = \frac{122}{99}$$

1) Efetue a divisão:  $\frac{11}{9} \leftrightarrow 11 \div 9$

Então  $\frac{11}{9} =$  \_\_\_\_\_ ou \_\_\_\_\_

2) Quatro amigos resolveram estudar juntos na casa de um deles. Para a hora do lanche, foram preparados 10 sanduíches para as quatro crianças. Essa quantidade foi repartida igualmente entre os quatro meninos e não sobrou nenhum sanduíche. Quantos sanduíches cada um comeu?

Para saber quantos sanduíches cada um comeu, precisamos identificar:

Quantidade de sanduíches: \_\_\_\_\_

Quantidade de crianças: \_\_\_\_\_

A divisão deve ser de \_\_\_\_\_ sanduíches por \_\_\_\_\_ crianças. → Efetuando:

\_\_\_\_\_ | \_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_



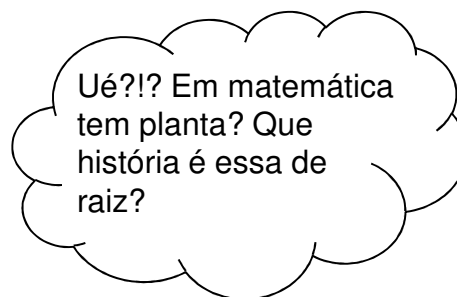
O valor encontrado é um decimal. Podemos observar que esse decimal é \_\_\_\_\_, portanto ele \_\_\_\_\_ uma dízima periódica.

Considerando que se pode comer uma parte de um sanduíche, para responder o problema, escrevemos que cada um comeu \_\_\_\_\_ sanduíches inteiros mais \_\_\_\_\_.

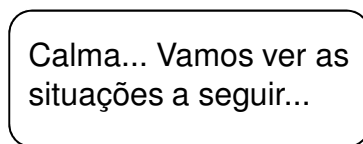
3) Determine a fração geratriz de 0,222...



Na antiguidade, começaram os estudos sobre as raízes.



A radiciação é a operação matemática que determina uma raiz.





1) O piso de uma sala quadrada mede  $16 \text{ m}^2$ .



Esta informação é da medida de uma superfície, é o resultado do cálculo de área.  
E a área de um quadrado é o produto de suas dimensões: lado x lado.

Algumas das possibilidades, para que o resultado seja 16, são:  $1 \times \underline{\quad} = 16$                        $8 \times \underline{\quad} = 16$

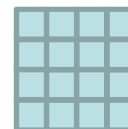
$$16 \times \underline{\quad} = 16$$

$$4 \times \underline{\quad} = 16$$

$$2 \times \underline{\quad} = 16$$

Mas somente uma das possibilidades servirá para o cálculo da área de um quadrado com medidas inteiras.

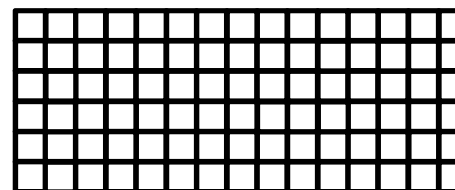
Ela é  $\underline{\quad} \times \underline{\quad} = 16$ .



Então, cada lado dessa sala mede  $\underline{\quad}$  m.

2) Se o piso de uma outra sala medir  $18 \text{ m}^2$ , ela pode ter o formato de um quadrado com medidas inteiras?

Tente formar um quadrado, pintando 18 quadrinhos no papel quadriculado ao lado.



As possibilidades, para que o produto seja 18, são:  $1 \times \underline{\quad} = 18$

$2 \times \underline{\quad} = 18$

$18 \times \underline{\quad} = 18$

$9 \times \underline{\quad} = 18$

$3 \times \underline{\quad} = 18$

$6 \times \underline{\quad} = 18$

Para ser um quadrado, é necessário que as medidas dos lados sejam iguais. Portanto, o piso desta outra sala, como aconteceu com o papel quadriculado, \_\_\_\_\_ (tem/não tem) o formato de um quadrado.

3) Vamos considerar o piso de um quarto quadrado de  $9 \text{ m}^2$ .

a) Escreva algumas possibilidades em que o produto seja 9.

b) Escreva a única possibilidade que pode representar a área de um quadrado com medidas inteiras .

c) Então, se o piso medir  $9 \text{ m}^2$ , o lado medirá \_\_\_\_\_ m porque \_\_\_\_\_  $\times$  \_\_\_\_\_ = 9.

Para a sala do piso que mede  $9 \text{ m}^2$  teremos: \_\_\_\_\_  $\times$  \_\_\_\_\_ = 9  $\leftrightarrow$   $3^2 = 9$

Quando os fatores são iguais podemos escrever uma potenciação .  
 $4 \times 4 = 16 \leftrightarrow 4^2 = 16$



Mas eu quero saber sobre as raízes...

Mas já estamos falando das raízes quadradas...

A raiz quadrada é a operação inversa da potenciação, em que sabemos o resultado, e desejamos encontrar a base da potência.



\_\_\_\_\_  $^2 = 9 \leftrightarrow \sqrt{9} =$  \_\_\_\_\_



Quando tentamos descobrir qual o número que, multiplicado por ele mesmo, resulta em 9, estamos fazendo a raiz quadrada de 9.

$$\underline{\quad} \times \underline{\quad} = 9 \leftrightarrow \sqrt{9} = \underline{\quad}$$

Para determinar o valor da raiz, podemos procurar pelos fatores repetidos:  $\underline{\quad} \times \underline{\quad} = 16$

Ou podemos procurar a base da potenciação:  $\underline{\quad}^2 = 16$

Então  $\underline{\quad} = \underline{\quad}$ .

Vamos aplicar esses procedimentos em outras raízes:

$$\sqrt{25} = \underline{\quad} \text{ porque } \underline{\quad} \times \underline{\quad} = 25 \text{ ou } \underline{\quad}^2 = 25.$$

$$\sqrt{100} = \underline{\quad} \text{ porque } \underline{\quad} \times \underline{\quad} = 100 \text{ ou } \underline{\quad}^2 = 100.$$



Então será que existe  $\sqrt{0,25}$ ?

O número decimal 0,25 pode ser representado pela fração  $\underline{\quad}$ .

$$\text{Então } \sqrt{0,25} = \sqrt{\frac{25}{100}}. \text{ E podemos efetuar } \frac{\sqrt{25}}{\sqrt{100}}.$$

Consultando os valores das raízes acima, complete  $\frac{\sqrt{25}}{\sqrt{100}} = \underline{\quad} = \underline{\quad}$



Legal! Se  $\sqrt{0,25} = \frac{5}{10} = 0,5$ , então tem raiz quadrada de todos os números!!!

Devagar!!! Nem todas as raízes quadradas resultam em números exatos: inteiros ou decimais. Algumas podem gerar dízimas ou outros números decimais infinitos.



Um exemplo é  $\sqrt{\frac{49}{81}}$ .

$\sqrt{\frac{49}{81}} = \underline{\hspace{2cm}}$ . A fração encontrada gera uma dízima periódica.

Esta dízima é 0,777777... ou na forma abreviada  $\underline{\hspace{2cm}}$ .

Fique ligado!

A fração que dá origem a uma dízima periódica é chamada de **fração geratriz**.

Temos também as que não geram dízimas periódicas como  $\sqrt{2}$  e  $\sqrt{3}$  entre outras.

$\sqrt{2} = 1,4142135\dots$

$\sqrt{3} = 1,7320508\dots$

Estes números decimais não apresentam período, isto é, não têm algarismos repetidos em sequência, na parte decimal.

1) Usando uma das maneiras apresentadas nas fichas anteriores, determine as seguintes raízes:

$$\sqrt{1} = \underline{\quad}$$

$$\sqrt{4} = \underline{\quad}$$

$$\sqrt{9} = \underline{\quad}$$

$$\sqrt{16} = \underline{\quad}$$

$$\sqrt{25} = \underline{\quad}$$

$$\sqrt{36} = \underline{\quad}$$

$$\sqrt{49} = \underline{\quad}$$

$$\sqrt{64} = \underline{\quad}$$

$$\sqrt{81} = \underline{\quad}$$

$$\sqrt{100} = \underline{\quad}$$

2) Registre o que se pode observar quanto aos resultados obtidos acima:

3) Determine:

a) O número compreendido entre 110 e 130 cuja raiz quadrada é um número inteiro. → \_\_\_\_\_

b) O número compreendido entre 240 e 260 cuja raiz quadrada é um número inteiro. → \_\_\_\_\_

4) Dê o valor da raiz quadrada de cada número da lista a seguir:

a)  $\sqrt{121} = \underline{\quad}$

b)  $\sqrt{2} = \underline{\quad}$

c)  $\sqrt{\frac{64}{81}} = \underline{\quad}$

d)  $\sqrt{0,36} = \underline{\quad}$

e)  $\sqrt{0,04} = \underline{\quad}$

Podemos organizar os resultados de raízes em dois **conjuntos**: o dos **números racionais** e dos **irracionais**.

Para ser elemento do **conjunto dos números racionais**, um número tem que ser ou ter a possibilidade de ser escrito na forma de fração.

Fácil! É o decimal e a própria fração.

$$0,5 \text{ e } \frac{7}{9}$$



Em parte você acertou. O decimal e a fração são mesmo números racionais. Mas os inteiros também são.

Isto eu entendi. O decimal 0,5 pode ser representado pela fração  $\frac{5}{10}$  e  $\frac{7}{9}$  já é uma fração. Mas e os inteiros?



Usando frações equivalentes, podemos observar como os inteiros são escritos como frações.

$$2 = \frac{2}{1} = \frac{4}{2} = \frac{6}{3} = \underline{\quad} = \dots$$

$$3 = \frac{3}{1} = \frac{6}{2} = \frac{9}{3} = \underline{\quad} = \dots$$

$$4 = \frac{\quad}{1} = \frac{8}{2} = \frac{\quad}{3} = \dots$$

$$5 = \frac{\quad}{1} = \frac{\quad}{2} = \frac{\quad}{3} = \dots$$

Frações equivalentes representam a mesma quantidade.

Fique ligado!



$$\underline{\quad} = \frac{6}{1} = \frac{\quad}{2} = \frac{\quad}{3} = \dots$$



Mas tem  $\sqrt{2}$  e  $\sqrt{3}$  ... O resultado delas não dá para escrever como fração porque não apresentam um período que se repete na parte decimal.

Isso mesmo! E como não pode ser escrito na forma de fração, eles serão elementos do **conjunto dos números irracionais**.



Entendi! Estudando as raízes quadradas podemos entender a diferença entre os números racionais e irracionais.

Fique ligado!

Existem outros números irracionais que não têm origem em raízes quadradas. O exemplo mais famoso é o do número  $\pi$  (lê-se: "pi") cujo valor é 3,1415926...

Alguns exemplos que usamos nas páginas anteriores:

$$\sqrt{\frac{49}{81}} \quad \sqrt{2} \quad \sqrt{64} \quad \sqrt{0,25} \quad \sqrt{3} \quad \sqrt{36} \quad \sqrt{16}$$

Complete o quadro com estas raízes quadradas exemplificadas acima:

Números racionais	Números irracionais

1) Complete as igualdades :

a)  $4 = \frac{\quad}{1} = \frac{8}{2} = \frac{\quad}{3} = \dots$

b)  $\quad = \frac{\quad}{1} = \frac{\quad}{2} = \frac{27}{3} = \dots$

2) A condição para que um número seja racional é que ele possa ser escrito na forma de \_\_\_\_\_.

3) Responda:

- a) O número 4 pode ser escrito na forma de fração?
- b) O número 9 pode ser escrito na forma de fração?
- c) O número  $-3$  pode ser escrito na forma de fração?
- d) Podemos afirmar que os números 4 , 9 e  $-3$  são números racionais? Por quê?

4) Pensando nas sequências de igualdades como as do exercício 1, dê três exemplos de números racionais não fracionários.

5) Troque ideias com seus colegas e responda:

- a) Qual o papel do traço de fração na escrita de números racionais na forma fracionária?
- b) Qual o papel da vírgula na escrita de números racionais na forma decimal?



Na nossa vida temos contato com vários símbolos.

Escreva embaixo de cada símbolo o seu significado.



Existem outros que, além de desenhos, têm letras.



Os conjuntos numéricos também têm símbolos próprios.

Em anos anteriores, você já conheceu:

$\mathbb{N}$  → Conjunto dos Números \_\_\_\_\_

$\mathbb{Z}$  → Conjunto dos Números \_\_\_\_\_

Neste ano, estamos estudando:

$\mathbb{Q}$  → Conjunto dos Números Racionais

$\mathbb{I}$  → Conjunto dos Números Irracionais

Com isso, podemos escrever:

$$\sqrt{16} \in \mathbb{Q}$$

$$\sqrt{\frac{49}{81}} \in \mathbb{Q}$$

$$\sqrt{2} \in \mathbb{I}$$

$$\sqrt{3} \notin \mathbb{Q}$$

$$\sqrt{0,09} \notin \mathbb{I}$$

$$\sqrt{9} \notin \mathbb{I}$$

$$\mathbb{N} \subset \mathbb{Q}$$

$$\mathbb{Z} \not\subset \mathbb{I}$$



Existem outros símbolos matemáticos que relacionam:

elementos com conjuntos →  $\in$  ou  $\notin$

conjunto com conjunto →  $\subset$  ou  $\not\subset$



$\sqrt{9}$  pode pertencer ao conjunto dos números racionais e irracionais, ao mesmo tempo?

O resultado de  $\sqrt{9}$  é 3. Eu lembro da sequência de frações da página 23...



Refaça a sequência de frações geradas pelo número 3.

$$3 = \frac{\quad}{1} = \frac{6}{\quad} = \frac{\quad}{\quad}$$

Como o número 3 pode ser escrito na forma de fração, ele é um número \_\_\_\_\_ (racional/irracional).



Eu pesquisei que o resultado de  $\sqrt{5}$  é 2,2360679774997896964...

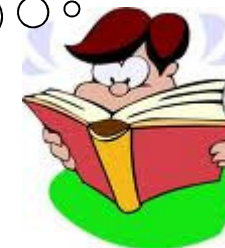
O valor encontrado para  $\sqrt{5}$  é um decimal com infinitas casas decimais que \_\_\_\_\_ (apresenta/não apresenta) período. Logo, ele é um número \_\_\_\_\_ (racional/irracional).

Como o valor de  $\sqrt{5}$  não pode ser escrito na forma de fração, ele não é um número \_\_\_\_\_ (racional/irracional).



Entendi! O elemento que pertence ao Conjunto dos Números Racionais **não pertence** ao Conjunto dos Números Irracionais.

O elemento que pertence ao Conjunto dos Números Irracionais **não pertence** ao Conjunto dos Números Racionais.

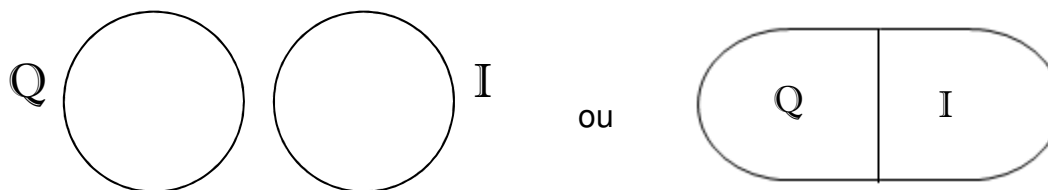


Neste caso, não há elementos em comum entre estes dois conjuntos. Eles são chamados de **conjuntos disjuntos**.

Eu sei representar conjuntos que não tem interseção. É só separar os círculos!



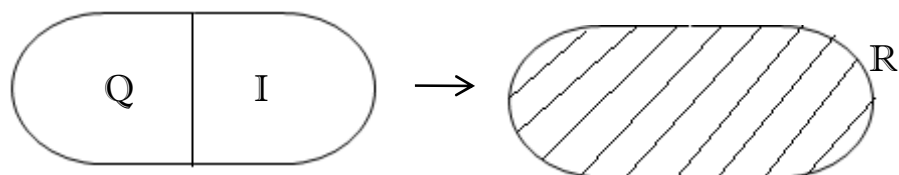
Assim:



Unindo o Conjunto dos Números Racionais com o Conjunto dos Números Irracionais, obtemos um novo conjunto: o **Conjunto dos Números Reais**.

O Conjunto dos Números Reais também tem um símbolo:  $\mathbb{R}$ .

Sua representação é **toda** a região interior da figura que representa a união dos conjuntos Q e I.



Nossa! Então aquelas raízes quadradas que estudamos também são números reais?



Isso mesmo! Vamos revê-las!

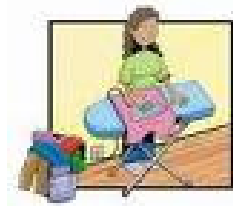
Organize as raízes quadradas a seguir, colocando-as nos locais indicados:

$\sqrt{64}$        $\sqrt{5}$       Q                  I  
 $\sqrt{0,36}$        $\sqrt{\frac{4}{25}}$        $\sqrt{0,09}$   
 $\sqrt{2}$        $\sqrt{\frac{49}{81}}$             R



Os números estão na nossa cabeça sempre... Mas a Matemática não é feita só de números...

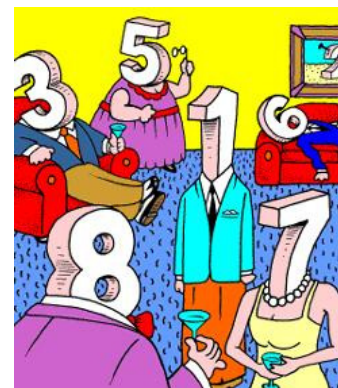
1) Patrícia trabalha num escritório, fazendo serviços gerais e recebe um salário mensal de 600 reais para isso. Nos fins de semana, ela também trabalha como passadeira e cobra uma diária de 80 reais.



- Se ela não trabalhar em nenhum fim de semana, ela receberá no fim do mês \_\_\_\_\_ reais.
- Se ela trabalhar num sábado, passando roupa, no fim do mês ela terá recebido o seu salário de 600 reais, mais \_\_\_\_\_ reais, num total de \_\_\_\_\_ reais.
- Se ela trabalhar em dois sábados, passando roupa, no fim do mês ela terá recebido o seu salário de 600 reais, mais \_\_\_\_\_ reais, num total de \_\_\_\_\_ reais.
- Se ela trabalhar em três sábados, passando roupa, no fim do mês ela terá recebido o seu salário de 600 reais, mais \_\_\_\_\_ reais, num total de \_\_\_\_\_.
- Num mês com quatro finais de semana, contando o sábado e o domingo, ela poderá receber, por todos esses dias, \_\_\_\_\_ reais. Então no fim do mês, ela terá recebido o seu salário de 600 reais, mais \_\_\_\_\_ reais, num total de \_\_\_\_\_.
- Podemos generalizar essa situação usando ***d*** para a quantidade de dias trabalhados nos fins de semana e ***t*** para o valor total recebido no mês:  $t = 600 + d \times 80$

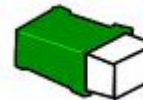
Com essa situação, podemos perceber que as letras também são usadas na Matemática. Essas letras são chamadas de ***variáveis***. Estas variáveis representam números.

A sentença matemática que escrevemos para generalizar a situação de Patrícia foi \_\_\_\_\_ . Essa sentença caracteriza um ramo da Matemática chamado de ***Álgebra***.



2) Uma papelaria comprou, de um fornecedor, apontadores e borrachas para revender. O fornecedor cobra R\$1,00 por uma borracha e R\$ 2,00 por um apontador.

▪ Se forem compradas apenas três borrachas, o valor pago por elas será \_\_\_\_\_ reais.



▪ Se forem compradas apenas cinco borrachas, o valor pago por elas será \_\_\_\_\_ reais.

▪ Se forem comprados apenas dois apontadores, o valor pago por eles será \_\_\_\_\_ reais.

▪ Se forem comprados apenas quatro apontadores, o valor pago por eles será \_\_\_\_\_ reais.

▪ Se forem compradas três borrachas e dois apontadores, o valor pago por eles será \_\_\_\_ + \_\_\_\_, num total de \_\_\_\_\_ reais.

▪ Se forem compradas cinco borrachas e quatro apontadores, o valor pago por eles será \_\_\_\_ + \_\_\_\_, num total de \_\_\_\_\_ reais.

▪ Podemos generalizar essa situação, usando ***b*** para a quantidade de borrachas compradas, ***a*** para quantidade de apontadores comprados e ***t*** para o valor total da compra:

$t = 1 \times \underline{\quad} + 2 \times \underline{\quad}$  ou  $t = \underline{\quad} + 2 \underline{\quad}$  já que um é elemento neutro da multiplicação.

As sentenças matemáticas que foram escritas para generalizar as situações acima e na página 27 são:

Situação da Patrícia que trabalha como passadeira nos fins de semana.  $\longrightarrow$



$\longleftarrow$  Situação da papelaria que comprou borrachas e apontadores.

Essas sentenças são chamadas de ***expressões algébricas***.

3) Bia vai calcular o perímetro de um retângulo, como a figura a seguir:



- Se cada um dos lados menores mede 2 cm e cada um dos maiores mede 5 cm, efetuaremos:

\_\_\_ + \_\_\_ + \_\_\_ + \_\_\_ que totalizam \_\_\_\_\_ cm.

Ao invés de repetirmos as parcelas iguais, podemos escrever:

$$2 \times \text{___} + 2 \times \text{___} = \text{___}$$

Então, o perímetro vale \_\_\_\_\_ cm.

- Se cada um dos lados menores mede 3 cm e cada um dos maiores, 7 cm, efetuaremos \_\_\_ + \_\_\_ + \_\_\_ + \_\_\_ que totalizam \_\_\_\_\_ cm.

Podemos escrever também:  $2 \times \text{___} + 2 \times \text{___} = \text{___}$

Então, o perímetro vale \_\_\_\_\_ cm.

- Podemos generalizar essa situação, usando **a** para o valor da medida do lado menor, **b** para o valor da medida do lado maior e **v** para o valor do perímetro:

$$v = 2 \times \text{___} + 2 \times \text{___}$$



Portanto, a expressão algébrica que representa essa situação é:

Para calcular o **perímetro** de um polígono, devemos somar todas as medidas de seus lados.

Em qualquer retângulo os lados opostos e paralelos têm a mesma medida.



1) Carlos precisou pegar um táxi na sua cidade e, quando entrou no veículo, o taxímetro marcava R\$ 3,00.

Esse valor de três reais é relativo ao valor da bandeirada, que é o valor fixo a ser pago pelo passageiro. Além disso, o passageiro deve pagar R\$ 2,00 por quilômetro percorrido pelo táxi.



- Se ele percorrer 5 quilômetros, o valor a ser pago será de \_\_\_\_\_ + 2 x \_\_\_\_\_, num total de \_\_\_\_\_ reais.
- Se ele percorrer 8 quilômetros, o valor a ser pago será de \_\_\_\_\_ + 2 x \_\_\_\_\_, num total de \_\_\_\_\_ reais.
- Se ele percorrer 12 quilômetros, o valor a ser pago será de \_\_\_\_\_ + 2 x \_\_\_\_\_, num total de \_\_\_\_\_ reais.
- Podemos generalizar essa situação, usando **q** para a quantidade de quilômetros rodados e **t** para o valor total a ser pago:

$$t = \text{_____} + 2 \times \text{_____}$$

Portanto, a expressão algébrica que representa essa situação é:

2) Paulo pegou um táxi na mesma cidade em que Carlos mora. Ao chegar ao seu destino, ele pagou 21 reais. Quantos quilômetros o carro percorreu?

Retomando...

Bandeirada: R\$ \_\_\_\_\_

Valor de cada quilômetro percorrido: R\$ \_\_\_\_\_

A expressão algébrica é \_\_\_\_\_

Usando quilômetro percorrido como **x** \_\_\_\_\_

As expressões algébricas auxiliam na generalização de vários tipos de situações.

Portanto, o táxi que Paulo pegou, percorreu \_\_\_\_\_ km.

1) Marcio quer comprar rosas para presentear sua mãe no Dia das Mães.

Na floricultura próxima à casa dele, cada rosa custa R\$ 2,00.

- Se ele comprar quatro rosas, ele pagará:  $2 \times \underline{\quad} = \underline{\quad}$ , logo serão  $\underline{\quad}$  reais.
- Se ele comprar seis rosas, ele pagará  $2 \times \underline{\quad} = \underline{\quad}$ , logo serão  $\underline{\quad}$  reais.
- Se ele comprar uma dúzia de rosas, ele pagará  $2 \times \underline{\quad} = \underline{\quad}$ , logo serão  $\underline{\quad}$  reais.



A expressão algébrica que pode ser associada a essa situação é  $2 \times r$  ou  $2r$ , sendo  $r$  a quantidade de rosas compradas.

Nos exemplos acima, os valores encontrados para os possíveis pagamentos que Marcio fará são  $\underline{\quad}$  reais,  $\underline{\quad}$  reais e  $\underline{\quad}$  reais. Esses valores foram escritos com números, são os **valores numéricos** da expressão algébrica.

2) Joana comprou três cadernos e um livro.

A expressão algébrica  $V = 3C + L$  representa essa situação. Observe que  $V$  é o valor total a ser pago,  $C$  o preço do caderno e  $L$  o preço do livro.



Se o preço de cada caderno for 12 reais e o do livro for 60 reais, qual o valor que Joana pagará?

Para responder a essa pergunta, precisamos identificar as informações na próxima página.

Para responder à pergunta sobre a compra de Joana, precisamos identificar:

A expressão algébrica: \_\_\_\_\_ .

A quantidade de cadernos comprados: \_\_\_\_\_ .

A quantidade de livros comprados: \_\_\_\_\_ .

O preço de cada caderno: \_\_\_\_\_ reais.

O preço do livro \_\_\_\_\_ reais.

Depois de identificarmos as informações, precisamos substituir os valores, retirando as letras e colocando os números que representam os preços:

Expressão algébrica:

$$V = 3C + L$$

$$V = 3 \times 12 + 60$$

$$V = 36 + 60$$

$$V = 96$$

O valor numérico dessa expressão é \_\_\_\_\_ .

Respondendo: Joana pagará \_\_\_\_\_ reais.

Joana pagou e saiu da loja, encaminhando-se para o ponto de ônibus. Nessa caminhada, ela viu um anúncio de uma outra loja, oferecendo o mesmo tipo de caderno, que ela comprou por R\$ 10,00 e o mesmo livro por R\$ 72,00. Com isso, ela se perguntou se tinha feito uma boa compra.

Vamos ajudá-la?

A expressão algébrica é a mesma? \_\_\_\_\_

A expressão algébrica é

O **valor numérico** de uma expressão algébrica é o valor expresso por números. Ele é obtido através da substituição das variáveis por números dados e do cálculo das operações indicadas.

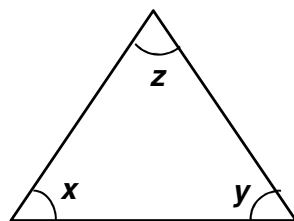
Substitua pelos preços oferecidos pela segunda loja. →

Baseado nos preços da segunda loja, o valor numérico dessa expressão é \_\_\_\_\_.

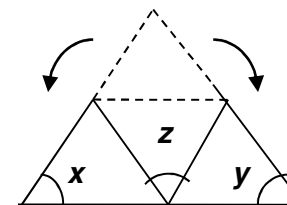
Respondendo: Joana \_\_\_\_\_ (fez/ não fez) uma boa compra.

3) Vamos ver uma aplicação de valor numérico em Geometria.

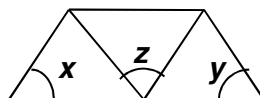
Recorte um triângulo e marque na frente e no verso os ângulos internos que medem  $x$ ,  $y$  e  $z$ . Depois, siga a numeração para verificar o que acontece.



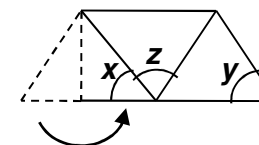
1) Dobre a ponta superior como mostra a figura ao lado, de modo que a dobra fique paralela ao lado oposto do triângulo.



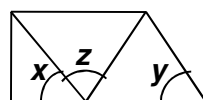
2) Após dobrar, você terá uma figura assim:



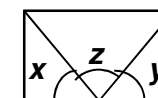
3) Dobre a ponta da lateral esquerda como mostra a seguinte figura.



4) Após dobrar a lateral esquerda, você terá uma figura assim:



5) Faça o mesmo com a lateral direita. E, depois deste último passo, você obterá uma figura assim:

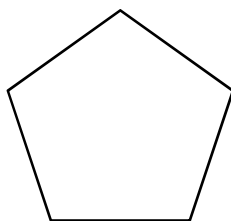


Observe que  $x$ ,  $y$  e  $z$  formam um ângulo raso, que mede  $180^\circ$ .

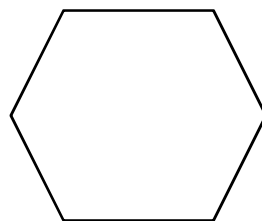
Então  $x + y + z = 180^\circ$

Logo, a soma das medidas dos ângulos internos de um triângulo é igual a \_\_\_\_\_°.

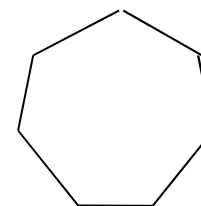
Vamos pensar na soma dos ângulos internos em outros polígonos.



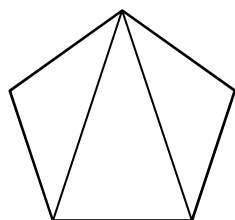
O pentágono possui \_\_\_\_ lados.



O hexágono possui \_\_\_\_ lados.

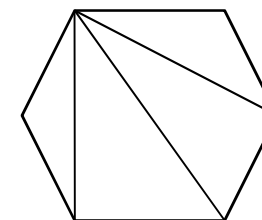


O heptágono possui \_\_\_\_ lados.



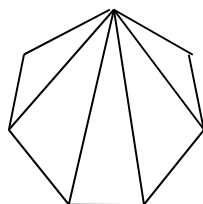
Partindo de um dos vértices do pentágono, podemos desenhar \_\_\_\_ triângulos.

Se a soma dos ângulos internos de um triângulo é \_\_\_\_°, então a soma dos ângulos de um pentágono é três vezes este valor.  $\rightarrow 3 \times \text{____}^\circ = 540^\circ$



Partindo de um dos vértices do hexágono, podemos desenhar \_\_\_\_ triângulos.

Se a soma dos ângulos internos de um triângulo é 180°, então a soma dos ângulos de um hexágono é \_\_\_\_ vezes este valor.  $\rightarrow 4 \times \text{____}^\circ = 720^\circ$



Partindo de um dos vértices do heptágono, podemos desenhar \_\_\_\_ triângulos.

Se a soma dos ângulos internos de um triângulo é 180°, então a soma dos ângulos de um heptágono é \_\_\_\_ vezes este valor.  $\rightarrow 5 \times \text{____}^\circ = \text{____}^\circ$

▪ O pentágono tem \_\_\_\_\_ lados. Simbolizamos o número de lados pela letra  $n$ .  $\rightarrow n = 5$

O pentágono ficou dividido em \_\_\_\_\_ triângulos.

A soma dos ângulos internos do pentágono é o triplo da soma dos ângulos internos do triângulo.

Podemos registrar que a soma dos ângulos internos do pentágono é  $3 \times 180^\circ$ .

▪ O hexágono tem \_\_\_\_\_ lados.  $\rightarrow n = \underline{\hspace{2cm}}$

No hexágono foram desenhados \_\_\_\_\_ triângulos.

A soma dos ângulos internos do hexágono é \_\_\_\_\_ vezes a soma dos ângulos internos do triângulo.

Podemos registrar que a soma dos ângulos internos do hexágono é \_\_\_\_\_  $\times 180^\circ$ .

▪ O heptágono tem \_\_\_\_\_ lados.  $\rightarrow n = \underline{\hspace{2cm}}$

No heptágono foram desenhados \_\_\_\_\_ triângulos.

A soma dos ângulos internos do heptágono é \_\_\_\_\_ vezes a soma dos ângulos internos do \_\_\_\_\_.

Podemos registrar que a soma dos ângulos internos do heptágono é \_\_\_\_\_  $\times 180^\circ$ .

Observe que a quantidade de triângulos desenhados em cada polígono é sempre  $n - 2$ .

Podemos generalizar este procedimento para todos os polígonos, escrevendo  $S_i = (n - 2) \cdot 180^\circ$

$S_i$  representa a soma dos ângulos internos e  $n$  representa o número de lados do polígono.

Esta fórmula pode ser considerada uma expressão algébrica? \_\_\_\_\_ Por quê?

\_\_\_\_\_

Retomando...

$$S_i = (n - 2) \cdot 180^0$$

Em que  $S_i$  representa a soma dos ângulos internos e  $n$  representa o número de lados do polígono.

Para calcular a soma dos ângulos internos de um polígono regular, determinamos um **valor numérico**.

- Se o polígono for um quadrilátero, isto é, um polígono de quatro lados, calculamos o valor da soma dos ângulos internos assim:

$$S_i = (n - 2) \cdot 180^0 \longrightarrow \text{para } n = 4 \quad (\text{quatro lados})$$

$$S_i = (\text{---} - 2) \cdot 180^0$$

$$S_i = \text{---} \cdot 180^0$$

$$S_i = \text{---}$$

O valor numérico de  $S_i$  para  $n = 4$  é \_\_\_\_\_ .



- Se o polígono for um dodecágono, isto é, um polígono de doze lados, o valor da soma será:

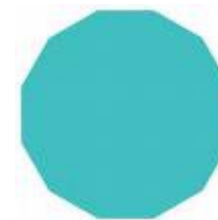
$$S_i = (n - 2) \cdot 180^0 \longrightarrow \text{para } n = \text{---}$$

$$S_i = (\text{---} - 2) \cdot 180^0$$

$$S_i = \text{---} \cdot 180^0$$

$$S_i = \text{---}$$

A soma dos ângulos internos de um dodecágono é \_\_\_\_\_ .



1) Júlia comprou 3 anéis e 3 pulseiras.

- Usando  $x$  para representar o preço de cada anel, ela gastou  $3 \cdot x$
- Usando  $y$  para representar o preço de cada pulseira, ela gastou  $3 \cdot y$



$3 \cdot x$  é uma expressão algébrica em que há apenas multiplicação entre números e letras. Por ter essa característica, ela é chamada de **monômio**.

O monômio  $3 \cdot x$  pode ser escrito de forma mais simples, sem o uso do sinal de multiplicação:  $3x$ .

O monômio que representa o gasto de Júlia ao comprar 3 pulseiras é \_\_\_\_\_, que pode ser escrito na forma mais simples: \_\_\_\_\_.

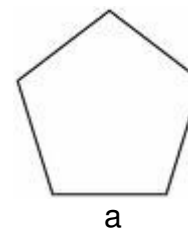
2) Sabendo que, no pentágono ao lado, todos os lados têm a mesma medida:  $a$ , podemos escrever seu perímetro assim:

$a + a + a + a + a$ , que resultam em  $5 \cdot a$  ou  $5a$ .

No monômio  $5a$  podemos identificar duas partes: **5** e **a**.

O **5** é chamado de **coeficiente**, é a parte numérica.

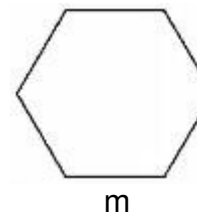
O **a** é chamado de **parte literal**, é a parte das variáveis e seus expoentes.



3) Sabendo que no hexágono ao lado, todos os lados têm mesma medida:  $m$ , podemos escrever seu perímetro assim:

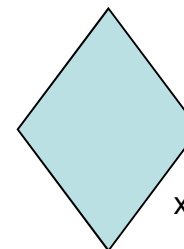
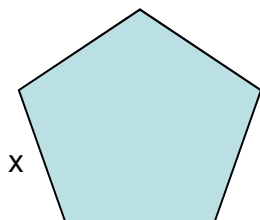
\_\_\_\_ + \_\_\_\_ + \_\_\_\_ + \_\_\_\_ + \_\_\_\_ + \_\_\_\_ que resultam \_\_\_\_\_ ou \_\_\_\_\_.

O coeficiente é \_\_\_\_ e a parte literal é \_\_\_\_.





4) Observe as figuras:



A figura da esquerda é um polígono com cinco lados com a mesma medida:  $x$ . O monômio que representa o perímetro desse polígono é \_\_\_\_\_.

A figura da direita é um polígono com quatro lados com a mesma medida:  $x$ . O monômio que representa o perímetro desse polígono é \_\_\_\_\_.

Os monômios encontrados para representar os perímetros dessas figuras têm a mesma parte literal? \_\_\_\_\_

Se tiverem, qual é essa parte literal? \_\_\_\_\_

5) Ana resolveu fazer uma campanha para doação de brinquedos no condomínio onde mora. Na primeira semana, conseguiu arrecadar  $x$  brinquedos. A cada semana, o número de doações dobrou em relação à semana anterior. A campanha durou três semanas.

Na primeira semana, foram arrecadados \_\_\_\_\_ brinquedos.

Na segunda semana, foi arrecadado o dobro da primeira semana, logo foram arrecadados \_\_\_\_\_ + \_\_\_\_\_ ou \_\_\_\_\_.

Na terceira semana, foi arrecadado o dobro da segunda semana, logo foram arrecadados \_\_\_\_\_.

Então: na 1ª semana: \_\_\_\_\_, 2ª semana: \_\_\_\_\_ e 3ª semana: \_\_\_\_\_

Os monômios que representam a arrecadação em cada semana \_\_\_\_\_ semelhantes, porque possuem a mesma \_\_\_\_\_.

Os monômios que têm a mesma parte literal são chamados de **monômios semelhantes**.



1) Vamos retomar a situação da doação de brinquedos da página anterior.

Nas três semanas para doação de brinquedos que Ana promoveu no seu condomínio, qual o total arrecadado?

Foram arrecadados, na 1ª semana, \_\_\_\_\_ brinquedos; na 2ª semana, \_\_\_\_\_ brinquedos e na 3ª semana, \_\_\_\_\_ brinquedos.

Podemos escrever: \_\_\_\_\_ + \_\_\_\_\_ + \_\_\_\_\_ = \_\_\_\_\_

Então, no total, foram arrecadados \_\_\_\_\_ brinquedos.

Adição algébrica  
de monômios

Como fazer?

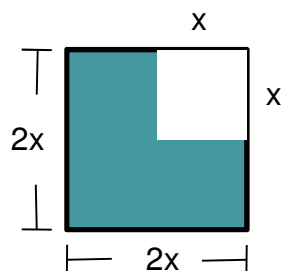


A parte literal é repetida e os  
coeficientes são somados.



Só podemos efetuar  
uma adição algébrica,  
se os monômios forem  
semelhantes.

2) Determine a área mais escura da seguinte figura:



Observe que são dois quadrados. O cálculo de área de quadrados você já trabalhou na página 14.

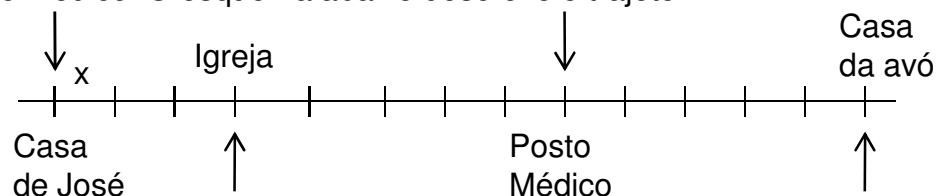
A área do quadrado cujo lado mede  $2x$  é \_\_\_\_\_  $\cdot$  \_\_\_\_\_ = \_\_\_\_\_

A área do quadrado cujo lado mede  $x$  é \_\_\_\_\_  $\cdot$  \_\_\_\_\_ = \_\_\_\_\_

Podemos representar essa situação por \_\_\_\_\_ - \_\_\_\_\_ = \_\_\_\_\_

Então, a área da figura mais escura é \_\_\_\_\_.

3) José foi para a casa de sua avó a pé. No caminho passou pela igreja e pelo posto médico. O esquema abaixo descreve o trajeto:



Sabendo que cada parte assinalada mede  $x$  metros e que a distância entre:

a casa de José e a Igreja é  $3x$  ;

a igreja e o posto médico é  $5x$  ;

o posto médico e a casa da avó também é  $5x$ ,

- qual a distância total percorrida por José?

Representando: \_\_\_\_\_ + \_\_\_\_\_ + \_\_\_\_\_ = \_\_\_\_\_

Respondendo: José percorreu \_\_\_\_\_ no total.

4) Denise revende camisetas. Cada camiseta é comprada por  $x$  reais e vendida por  $2x$  reais.



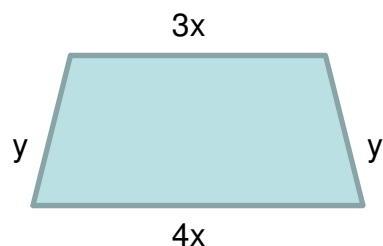
Na segunda feira, ela vendeu uma camiseta. Seu lucro, neste dia, pode ser representado por \_\_\_\_\_ - \_\_\_\_\_ = \_\_\_\_\_

Na terça feira, ela vendeu três camisetas. Seu lucro, neste outro dia, pode ser representado por \_\_\_\_\_ - \_\_\_\_\_ = \_\_\_\_\_

Na quarta feira, ela vendeu seis camisetas. Seu lucro, neste terceiro dia, pode ser representado por \_\_\_\_\_ - \_\_\_\_\_ = \_\_\_\_\_

Após estes três dias, o lucro total foi \_\_\_\_\_ + \_\_\_\_\_ + \_\_\_\_\_ = \_\_\_\_\_

5) Caio quer determinar o perímetro do quadrilátero abaixo, chamado de trapézio.



Para isso, ele vai escrever: \_\_\_\_\_ + \_\_\_\_\_ + \_\_\_\_\_ + \_\_\_\_\_

▪ Monômios semelhantes que têm a parte literal com a letra **x**: \_\_\_\_\_ e \_\_\_\_\_ .

A soma dos monômios que têm parte literal **x** é \_\_\_\_\_.

▪ Monômios semelhantes que têm a parte literal com a letra **y**: \_\_\_\_\_ e \_\_\_\_\_ .

A soma dos monômios que têm parte literal **y** é \_\_\_\_\_.

O perímetro será representado pela adição de dois monômios que **não** são semelhantes: \_\_\_\_\_ + \_\_\_\_\_ .

Quando uma expressão algébrica é representada por dois monômios ou **dois termos** que não são semelhantes, ela pode ser chamada de **binômio**. Com três termos, será um **trinômio** e com quatro ou mais termos, será um **polinômio**.

Então, a expressão algébrica que representa o perímetro do trapézio acima é um \_\_\_\_\_.

Dependendo da quantidade de termos de uma expressão algébrica, ela receberá um nome especial.

1) Vânia comprou mochilas para seus três filhos. Se cada mochila custou  $2x$  reais, quanto ela gastou nessa compra?

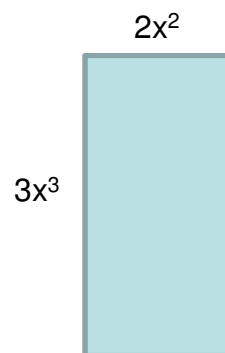
Para encontrar o total gasto, podemos escrever:  $\underline{\quad} + \underline{\quad} + \underline{\quad} = \underline{\quad}$

Mas, como as parcelas são iguais, podemos representar essa situação por  $3 \cdot \underline{\quad}$  que resulta também em  $\underline{\quad}$ .



Para essa multiplicação, basta encontrar o produto entre a quantidade comprada e o coeficiente.

2) Letícia está fazendo uma tarefa de casa em que precisa calcular a área de quadriláteros. O primeiro é o seguinte:



Para calcular a área de um retângulo, devemos multiplicar suas dimensões.

Para calcular a área deste retângulo escrevemos  $3x^3 \cdot 2x^2$

Vamos pensar primeiro na parte literal:

- $x^3$  pode ser escrito por  $x \cdot x \cdot x$
- $x^2$  por  $x \cdot x$

Logo  $x^3 \cdot x^2$  será  $x \cdot x \cdot x \cdot x \cdot x$  ou  $x^5$ .



Continuando a ajudar Letícia a fazer sua tarefa...

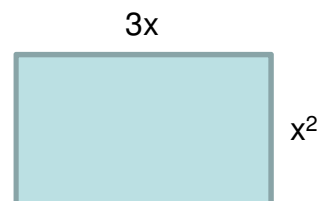
Escrevemos  $3x^3 \cdot 2x^2$  e para efetuar devemos:

- multiplicar os coeficientes:  $\underline{\quad} \cdot \underline{\quad} = \underline{\quad}$
- multiplicar as partes literais:  $\underline{\quad} \cdot \underline{\quad} = \underline{\quad}$

Compondo o resultado de coeficiente e parte literal, temos o monômio que representa a área do retângulo:  $\underline{\quad}$ .

3) Letícia continuou sua tarefa determinando a área de outro retângulo.

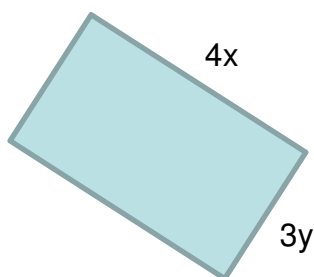
- multiplicando os coeficientes  $\underline{\quad} \cdot \underline{\quad} = \underline{\quad}$
- repetindo a variável e somando seus expoentes  $\underline{\quad}$



Compondo o resultado de coeficiente e parte literal, temos  $\underline{\quad}$ .

Calculando  $\underline{\quad} \cdot \underline{\quad} = \underline{\quad}$ . Logo a área é  $\underline{\quad}$ .

4) Ela agora tem o terceiro retângulo para calcular a área.



- multiplicando os coeficientes:  
 $\underline{\quad} \cdot \underline{\quad} = \underline{\quad}$
- indicando a multiplicação das variáveis  $\underline{\quad}$  e  $\underline{\quad}$ , teremos  $xy$ .

Compondo o resultado de coeficiente e parte literal, temos  $\underline{\quad}$ .

Calculando:  $\underline{\quad} \cdot \underline{\quad} = \underline{\quad}$ . Logo, a área é  $\underline{\quad}$ .

Fique ligado!

A multiplicação de monômios é feita em duas partes:

- **Coeficientes:** multiplicam-se os números normalmente.
- **Parte literal:**
  - mesma variável: repetem-se as variáveis e somam-se os expoentes.
  - variáveis diferentes: não podem ser multiplicadas, a operação de multiplicação fica indicada.

5) Letícia tem o quarto retângulo para calcular a área.

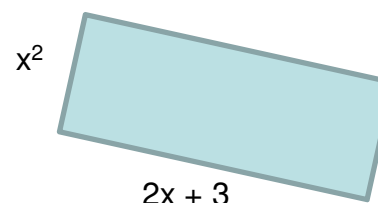
A área é obtida por \_\_\_\_ . ( \_\_\_\_\_ )

Na multiplicação de monômio por binômio a propriedade distributiva é usada, o monômio é multiplicado por cada parcela do binômio.



$$\begin{aligned} x^2 \cdot (2x + 3) &= \\ &= (x^2 \cdot 2x) + (x^2 \cdot 3) = \\ &= 2x^3 + 3x^2 \end{aligned}$$

A área é \_\_\_\_ + \_\_\_\_, representada por um \_\_\_\_\_ .



6) O quinto quadrilátero de que Letícia vai determinar a área é um quadrado.



$3x - 2$

Lembre-se de que no quadrado os quatro lados têm mesma medida.

A área é obtida por ( \_\_\_\_\_ ) . ( \_\_\_\_\_ )



$$\begin{aligned} \text{Distribuindo: } ( \quad ) \cdot ( \quad ) &= 3x \cdot 3x + 3x \cdot \quad + (-2) \cdot 3x + (-2) \cdot \quad = \\ &= 9x^2 + \quad - 6x - \quad = \end{aligned}$$

Reduzindo a monômios semelhantes, encontraremos o trinômio \_\_\_\_ - \_\_\_\_ + \_\_\_\_

A área do quadrado acima é \_\_\_\_ - \_\_\_\_ + \_\_\_\_

O mesmo procedimento pode ser usado para situações representadas por trinômios ou polinômios. Ao aplicar a propriedade distributiva, estaremos calculando vários produtos de monômios.

1) Uma empresa comprou  $18x$  metros de tela usada nas redes de vôlei. Será feita a manutenção de quadras e 6 delas terão as redes trocadas. Quanto desse material pode ser usado para cada rede?

Para responder à pergunta, teremos que **repartir** a metragem total de tela pelas 6 redes que serão trocadas. Portanto, a operação que deve ser usada é a \_\_\_\_\_.



Representando:  $18x \div 6$

Para efetuar:

- dividimos os coeficientes;
- repetimos as variáveis subtraindo seus expoentes.

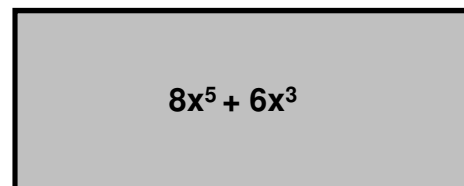
Calculando: \_\_\_\_\_  $\div$  \_\_\_\_\_ = \_\_\_\_\_

Respondendo: Em cada rede, poderão ser usados \_\_\_\_\_ metros.



2) Este grupo de alunos está tentando encontrar a expressão algébrica que representa uma dimensão do retângulo abaixo:

O binômio dentro do retângulo representa a área desse quadrilátero.



$2x^2$

O monômio  $2x^2$  representa uma das dimensões.

Cálculo de área: dimensão procurada  $\cdot 2x^2 = 8x^5 + 6x^3$

Que tal tentar fazer este cálculo? Arrisque.

Na próxima página você verá a resolução e poderá comparar com a sua.



Continuando a resolver a situação em que o grupo precisa determinar uma das medidas do retângulo apresentado...

Para que o grupo encontre o valor desconhecido, é necessário efetuar a operação inversa.

$$(8x^5 + 6x^3) \div 2x^2 = \underline{\hspace{2cm}} + \underline{\hspace{2cm}}$$



Cada termo do binômio deve ser dividido pelo monômio.

A dimensão procurada é  $\underline{\hspace{2cm}} + \underline{\hspace{2cm}}$ .

3) Para encontrar o quociente de  $(9x^4 - 4x^3y)$  por  $(2x^2y)$ , Valéria fez assim:

$$9x^4 : 2x^2y = \frac{9x^2}{2y} \quad \text{e} \quad 4x^3y : 2x^2y = 2x$$



O quociente que ela encontrou é  $\underline{\hspace{2cm}} - \underline{\hspace{2cm}}$

Vamos rever os procedimentos usados na primeira parte:

$$9x^4 : 2x^2y$$

Os coeficientes são  $\underline{\hspace{1cm}}$  e  $\underline{\hspace{1cm}}$ . Efetuando a divisão entre eles, encontraremos a fração  $\frac{9}{2}$  ou o decimal  $\underline{\hspace{2cm}}$ .

Na parte literal, temos dois tipos de variável:  $\underline{\hspace{1cm}}$  e  $\underline{\hspace{1cm}}$ .  
Para  $x^4$  e  $x^2$  podemos efetuar a divisão, subtraindo os expoentes e obtendo  $\underline{\hspace{2cm}}$ .  
A variável  $y$  precisa ser repetida, porque não há outra igual a ela. E, neste caso, ela aparecerá no  $\underline{\hspace{2cm}}$ , porque ela pertence ao divisor.

No seu caderno, faça o registro dos procedimentos da segunda parte.

Fique ligado!

A divisão de monômios é feita em duas partes:

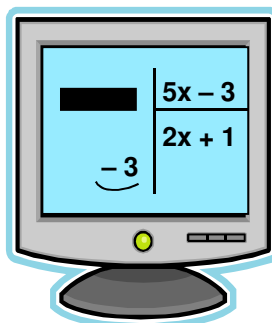
- **Coeficientes:** dividem-se os números normalmente.
- **Parte literal:**
  - mesma variável: repetem-se as variáveis e subtraem-se os expoentes.
  - variáveis diferentes: as do divisor ficam no denominador.

4) Arthur está pensando num exercício que foi questão de uma prova bimestral de 2009.

Ajude Júlia a descobrir o polinômio que foi apagado na divisão expressa na tela do computador e assinale a opção que corresponde a ele.



Nossa! O dividendo sumiu!!!!



- (a)  $10x^2 - x$
- (b)  $10x^2 - 11x - 3$
- (c)  $10x^2 - x - 6$
- (d)  $10x^2 - x - 3$

Para resolvê-lo, precisamos rever a propriedade fundamental da divisão.

Por exemplo:

$$\begin{array}{r} 35 \mid 4 \\ 3 \quad 8 \end{array}$$

Então, retomando a questão da prova, devemos efetuar:

$$(2x + 1) \cdot (5x - 3) + (-3) =$$

$$= \boxed{\phantom{000000}} + (-3) =$$

$$= \boxed{\phantom{000000}}$$

▪ use a propriedade distributiva e reduza a termos semelhantes.

Logo, a opção correta é a letra \_\_\_\_ .

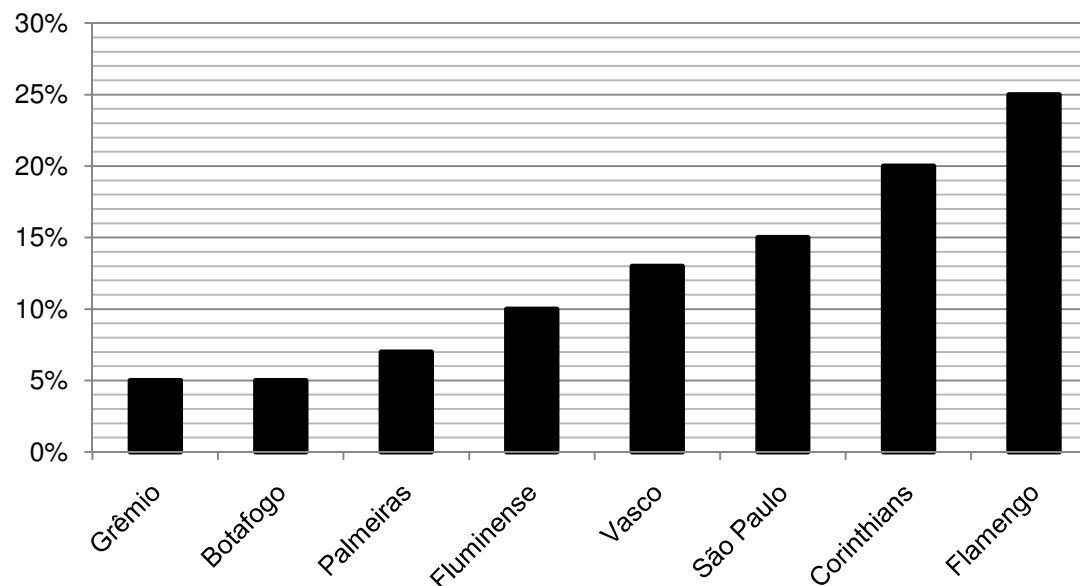
Fique ligado!

Efetuada  $8 \times 4$  temos 32 e com mais 3 encontramos 35. Esta é a propriedade fundamental da divisão:  
**quociente x divisor + resto = dividendo.**

Os gráficos têm como principal função representar informações de maneira simples e rápida. Neste bimestre, vamos trabalhar os gráficos de colunas e barras.

1) Observe o seguinte gráfico de colunas.

### Times de Futebol Preferidos Pelos Brasileiros



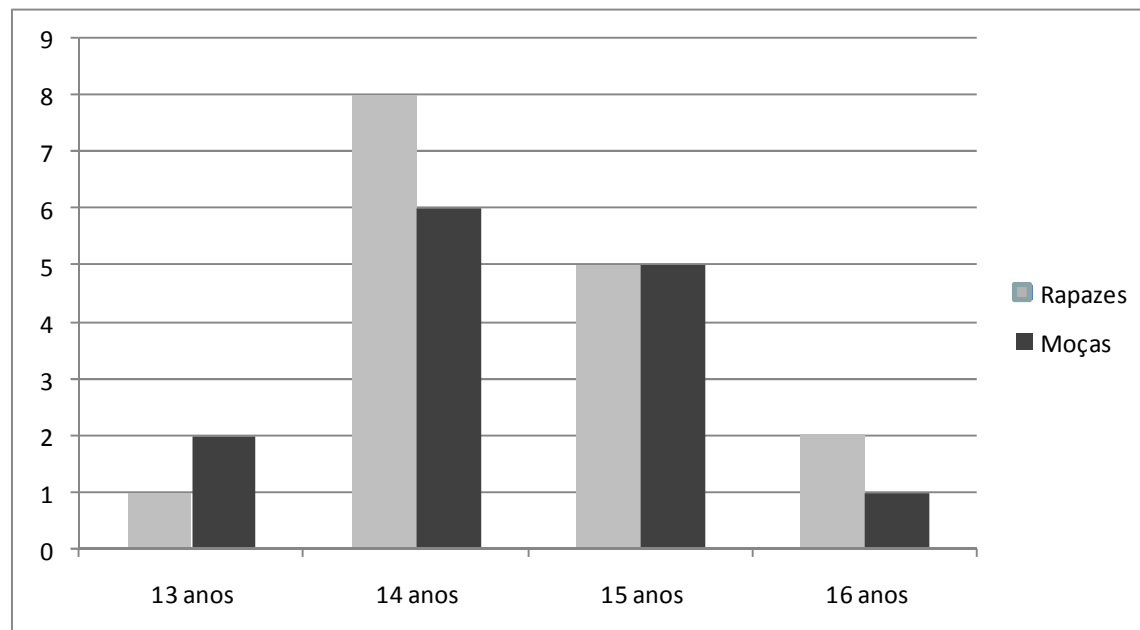
Dados obtidos em [www.esporte.terra.com.br](http://www.esporte.terra.com.br)

Através do título, podemos observar que as colunas deste gráfico simbolizam a porcentagem de preferência dos brasileiros quanto aos \_\_\_\_\_.

Podemos observar que as colunas têm a mesma largura, mas a altura de cada uma delas depende da \_\_\_\_\_ de torcedores.

Com isso, concluímos que o time de maior preferência entre os brasileiros é o \_\_\_\_\_.

- 2) O gráfico abaixo mostra a quantidade de alunos matriculados numa turma de 8º ano de uma escola municipal, organizados por sexo e idade.



Neste gráfico, as colunas mais claras representam a quantidade de \_\_\_\_\_ e as colunas mais escuras representam a quantidade de \_\_\_\_\_.

Pinte a linha que representa o eixo horizontal de azul e a linha que representa o eixo vertical de verde.

O eixo horizontal se refere às \_\_\_\_\_ dos alunos, que variam entre 13 e 16 anos.

O eixo vertical se refere à \_\_\_\_\_ de alunos, rapazes ou moças, com determinada idade.

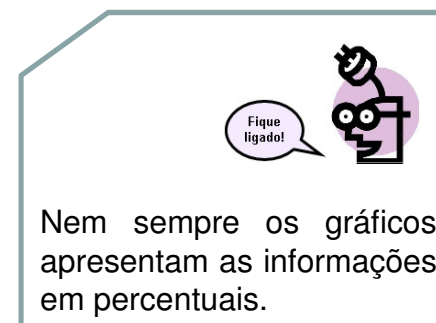
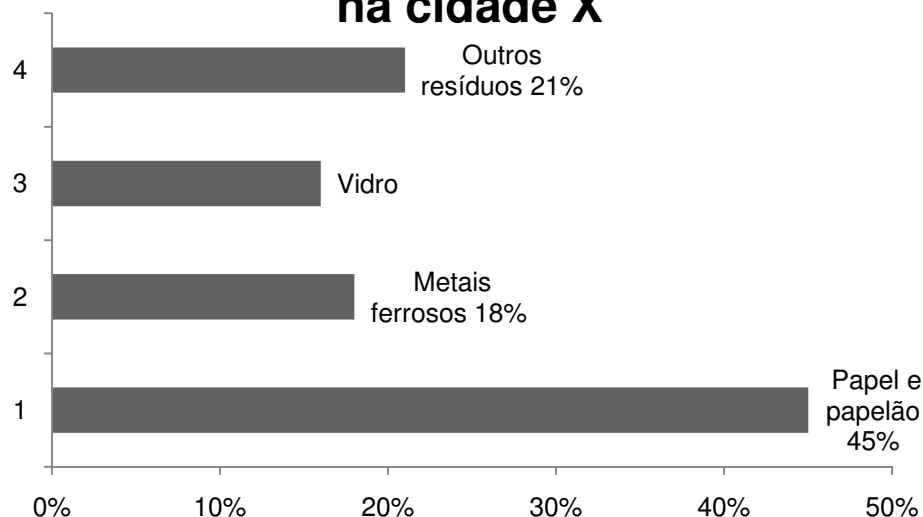
Sobre o gráfico da página anterior, temos \_\_\_\_\_ moças com 14 anos e \_\_\_\_\_ rapaz com 13 anos.

Podemos afirmar, também, que cinco moças e cinco rapazes têm a mesma \_\_\_\_\_, \_\_\_\_\_ anos.

Nesta turma, temos \_\_\_\_\_ moças e \_\_\_\_\_ rapazes, num total de \_\_\_\_\_ alunos.

Quando os retângulos são apresentados horizontalmente, o gráfico é chamado de **Gráfico de Barras**.

3) **Perfil de todo o lixo produzido na cidade X**



Este gráfico mostra o perfil de **todo** o lixo produzido na cidade X. Então, podemos afirmar que ele mostra o perfil de \_\_\_\_\_ % do lixo produzido nesta cidade.

Portanto, o resíduo vidro tem a porcentagem de \_\_\_\_\_ % .

Na cidade X, o resíduo mais encontrado no lixo é \_\_\_\_\_ .

## Espaço Pesquisa

- 1) Nas páginas 14 e 15, estudamos sobre os números elevados ao quadrado e, nas páginas seguintes, teremos, como consequência, as raízes quadradas.

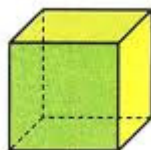
O termo **quadrado** está relacionado à figura geométrica. Usamos a relação entre o quadrado (figura geométrica) e a potência de expoente 2, no cálculo da área de um quadrado com medidas inteiras.

Este termo está sendo usado também pela mídia. Veja como, seguindo os passos abaixo:

- Com a internet conectada, digite na barra de endereços [www.matematicahoje.com.br](http://www.matematicahoje.com.br).
- Quando esta página abrir, aparecerão ícones do lado esquerdo dela, numa coluna lilás. Clique em **Cultura e História**.
- Ao se abrir a nova página, outros ícones surgirão como fichas, horizontalmente. Clique em **Na Mídia**.
- Na lista que é disponibilizada, clique em **Melancias Quadradas**. Leia o texto e veja a foto.

Será que o termo quadrada em **Melancias Quadradas** foi empregado corretamente?

Observe a forma abaixo. É de um cubo.



A caixa organizadora a seguir é um prisma de base retangular.



O cubo é um prisma especial em que todas as seis faces são quadrados congruentes.

RASCUNHO

